

واهمامیخت کور چند کاناله داده لرزه‌ای بر مبنای تنگی

سپیده وفانی شوشتری*، علی غلامی، مؤسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران • علیرضا جواهری نیستاک، مدیریت اکتشاف

چکیده

لرزه‌نگاری اکتشافی روشی معمول برای جستجوی منابع نفت و گاز طبیعی و مواد معدنی است. در مراحل پردازش داده لرزه‌ای، هنگامی که هدف بهبود قدرت تفکیک مقاطع لرزه‌ای از طریق عمل واهمامیخت خواهد بود، پردازش ردلرزه به ردلرزه، موجب نادیده گرفتن ارتباط مکانی اطلاعات موجود در داده‌ها می‌شود. علاوه بر این، برای انجام فرایند واهمامیخت به موجک چشمه لرزه‌ای نیاز است. تخمین درست یک موجک لرزه‌ای به شدت تحت تأثیر پیچیدگی‌های فازی موجک می‌باشد. در این مقاله، با تخمین یک طیف دامنه هموار برای موجک، فرایند واهمامیخت چند کاناله داده لرزه‌ای بر اساس الگوریتم بازیابی فاز به منظور تخمینی از پاسخ ضربه زمین انجام خواهد شد. در واقع بر خلاف روش‌های واهمامیخت مرسوم، در اینجا تنها از وارون‌سازی طیف دامنه فوریه داده‌ها بهره گرفته می‌شود. یک تابع منظم‌ساز که بر مبنای افزایش تنگی لایه‌های زمین مورد مطالعه در راستای زمانی و بهبود پیوستگی لایه‌ها در راستای جانبی می‌باشد، برای حل مسئله استفاده می‌گردد. نتایج حاصل از شبیه‌سازی‌های عددی با داده‌های شبیه‌سازی شده و میدانی نشان می‌دهند که روش پیشنهادی قادر خواهد بود طی انجام فرایند واهمامیخت کور لرزه‌ای، موجک‌های با فاز آمیخته را با دقت بالایی از مقاطع لرزه‌ای استخراج نموده و تفکیک پذیری قائم مقاطع را با بازیابی سری ضرایب بازتاب زمین بهبود بخشد.

اطلاعات مقاله

تاریخ ارسال نویسنده: ۹۶/۰۱/۲۵

تاریخ ارسال به داور: ۹۶/۰۲/۱۲

تاریخ پذیرش داور: ۹۶/۰۵/۱۴

واژگان کلیدی:

واهمامیخت کور، واهمامیخت چند کاناله، بازیابی فاز، موجک لرزه‌ای، طیف دامنه فوریه، پاسخ ضربه زمین

مقدمه

تفکیک پذیری قائم داده لرزه‌ای می‌باشد از جمله مسائلی است که در آن، فاز موجک از دست داده می‌شود و یا فاز مذکور به همراه خطا وارد مسئله می‌شود. برای انجام این فرایند، داشتن یک موجک با ساختار صحیح الزامی است و این بدان معنی است که اطلاعات فازی نیز باید بازیابی شوند. به دست آوردن فاز در چنین مسئله‌ای یکی از چالش برانگیزترین مراحل خواهد بود؛ زیرا به طور کلی یک سیگنال توسط طیف دامنه و فاز آن تعریف می‌شود که این دو به طور کامل مستقل از یکدیگر هستند و نمی‌توان یکی را از روی دیگری محاسبه نمود. بنابراین، فرض کمینه فاز بودن موجک به عنوان فرضی رایج برای اکثر روش‌های حل در نظر گرفته می‌شود که در آن، طیف فاز موجک به طیف دامنه آن ارتباط پیدا می‌کند و می‌توان گفت که تابع خودهمبستگی لرزه‌نگاشت^۱، گونه‌ی مقیاس یافته‌ای از تابع خودهمبستگی موجک لرزه‌ای می‌باشد. دلیل این امر آن است که توزیع داده‌ها در این تخمین‌ها گوسی در نظر گرفته می‌شود، اما این فرض در واقعیت، فرض صحیحی نیست [۲]. در صورتی که موجک مسئله دارای فاز آمیخته باشد، دیگر فرض توزیع گوسی برای داده‌ها وجود نخواهد داشت و باید از سایر روش‌های آماری برای تخمین موجک مسئله مورد نظر استفاده شود که این روش‌ها نه تنها اطلاعات طیف دامنه بلکه اطلاعات مربوط به طیف فاز را هم وارد مسئله می‌کنند

داده حاصل از عملیات لرزه‌نگاری در مقایسه با سایر روش‌های ژئوفیزیکی می‌تواند اطلاعات دارای جزئیات بیشتری از پدیده‌های زیر سطح زمین ارائه کند و به همین دلیل لرزه‌نگاری در اکتشافات نفت و گاز از اهمیت بالایی برخوردار می‌باشد. به طور کلی، داده لرزه‌ای که طی عملیات لرزه‌نگاری برداشت و ثبت می‌گردد، وارد مراحل پردازش و تفسیر شده تا اطلاعاتی را استخراج کند که بتوان با توجه به آنها ساختارهای زمین‌شناسی زیر سطح زمین را آشکار سازی کرد. فرایند واهمامیخت یکی از فرایندهای مهم در مراحل پردازش داده‌های لرزه‌ای است به این جهت که بسیاری از سیگنال‌ها و تصاویر لرزه‌ای در نتیجه‌ی واهمامیخت سیگنال زمین مورد مطالعه با یک کرنل مات کننده حاصل از چشمه می‌باشند. در واقع، فرایندی که این امکان را می‌دهد تا اثرات این کرنل مات کننده^۱ از روی سیگنال مشاهده شده برداشته و حذف گردد، واهمامیخت نامیده می‌شود. هنگامی که سیگنال مورد نظر و کرنل مسئله مجهول باشند، فرایند مذکور تحت عنوان واهمامیخت کور معرفی می‌شود. در بحث داده‌های لرزه‌ای، سیگنال مورد علاقه پاسخ ضربه زمین و کرنل مات کننده، موجک چشمه لرزه‌ای می‌باشند. به طور معمول، موجک لرزه‌ای خود از مجهولات مسئله بوده و بنابراین، در لرزه‌شناسی اغلب با واهمامیخت کور^۲ مواجه خواهیم بود [۱]. واهمامیخت موجک چشمه که هدف از پیاده‌سازی آن، افزایش

* نویسنده‌ی عهده‌دار مکاتبات (s.vafaei@ut.ac.ir)

می‌باشد و همچنین عملگرهای F و F^{-1} نیز به ترتیب ماتریس عملگرهای وارون فوریه می‌باشند [۴]. واهمامیخت پایا بر پایه مدل همامیختی است که به ترتیب در ماتریس عملگرهای فوریه و وارون فوریه خواهند بود [۶]. واهمامیخت پایا بر پایه مدل همامیختی که در رابطه (۲) توضیح داده شد، می‌باشد. از آنجایی که این مدل همامیختی تنها یک متغیر معلوم و مشخص دارد که همان لرزه‌نگاشت ثبت شده می‌باشد، پس دارای دو مجهول است که شامل موجک و سری بازتاب زمین خواهند بود.

۱-۱- واهمامیخت چندکاناله

در عمل، با لرزه‌نگاشت‌های متعددی سروکار داریم که نمونه‌های گسسته از یک میدان موج سه‌بعدی هستند. همچنین، مدل بازتاب دلخواه نیز یک تابع سه‌بعدی می‌باشد. این تابع سه‌بعدی ابرصفحه‌هایی را توصیف می‌کند که مربوط به مرزبندی لایه‌های زمین شناسی هستند. بنابراین، واهمامیخت ردلرزه به ردلرزه به مدل بازتابی نتیجه خواهد شد که جواب مطلوبی نیست، به دلیل اینکه ارتباط مکانی اطلاعات موجود در مقطع لرزه‌ای را در نظر نخواهد گرفت [۷]. بدین منظور برای پیاده‌سازی واهمامیخت چندکاناله، تابع منظم‌ساز را به صورت $r_{SOTV} = (1-\beta)r_1 + \beta r_2$ تعریف می‌کنیم که نرم SOTV^۹ بیانگر تابع تغییرات کلی مرتبه دوم می‌باشد [۵]. با در نظر گرفتن تابع منظم‌ساز مذکور، تابع هدفی که در اینجا برای پیاده‌سازی فرایند واهمامیخت کور به دنبال بهینه‌سازی آن هستیم، به صورت رابطه (۳) خواهد بود.

$$\|r\|_{SOTV} = \|b - |FG r|_p\|_p + \tau(1-\beta)\|r_1\|_1 + \tau\beta\|r_2\|_1 \quad (3)$$

در این تابع هدف که بر اساس آن مدل بازتاب زمین است که تنها از روی طیف دامنه مشاهدات تخمین زده می‌شود، $b = |\hat{y}|$ بیانگر طیف دامنه داده مشاهده شده، عملگر گسسته فوریه، G عملگر همامیخت متشکل از طیف دامنه فوریه موجک، τ پارامتر منظم‌سازی و $\| \cdot \|_1$ تابع منظم‌ساز نرم-۱ می‌باشد. بنابراین هیچ‌گونه اطلاعات فازی در مورد موجک چشمه لرزه‌ای وارد مسئله نشده است. قیدی هم که برای منظم‌سازی مسئله سری بازتاب در نظر گرفته می‌شود، بر پایه تکنیکی خواهد بود [۵]. در تابع هدف (۳)، بخش $\|b - |FG r|_p\|_p$ بخش تطابق با طیف دامنه داده مشاهده‌ای را بیان می‌کند که با توجه به اطلاعات اولیه‌ای که در مورد خصوصیات نوفه موجود در داده‌ها $p=2$ در نظر گرفته می‌شود، تعیین خواهد شد و با فرض گوسی بودن توزیع نوفه در نظر گرفته می‌شود. از نقطه نظر منظم‌سازی، $\| \cdot \|_p$ جواب یکنای معادله (۳) می‌باشد که بخش منظم‌ساز رابطه آن را برآورده می‌کند و پارامتر ضریب متناظر با بخش منظم‌ساز است که به عنوان پارامتر منظم‌سازی شناخته می‌شود. تابع تغییرات مرتبه دوم برای سری بازتابی بر اساس رابطه (۴) تعریف می‌شود:

$$\|r\|_{SOTV} = \sum_i \sqrt{(\Delta_i^{11} r)^2 + 2(\Delta_i^{12} r)^2 + (\Delta_i^{22} r)^2} \quad (4)$$

عملگرهای خطی Δ_i^{11} ، Δ_i^{12} و Δ_i^{22} که اندیس پایین در آنها، جهت

و با پیچیدگی و عدم قطعیت همراه خواهند بود. از میان این روش‌ها می‌توان به فاکتورگیری طیفی مرتبه بالا، کپسترال و واهمامیخت حداقل بی‌نظمی (MED)^{۱۰} اشاره کرد [۲،۳،۴].

در این مقاله، با استفاده از اطلاعات تنها طیف دامنه داده مشاهده‌ای به حل مسئله واهمامیخت کور پرداخته می‌شود. در واقع به دنبال یافتن مدل زمینی هستیم که طیف دامنه داده بازسازی شده از این مدل با طیف دامنه داده لرزه‌ای مطابقت داشته باشد. چنین مسئله‌ای نایکتا بوده و باید با اعمال قیدهای ساختاری مناسب، جواب منحصر به فرد را از روی طیف دامنه داده لرزه‌ای به دست آورد [۵]. پیاده‌سازی روش موردنظر بر روی داده‌های شبیه‌سازی شده و میدانی، عملکرد خوب آن را در واهمامیخت کور و بازتابی سری بازتاب زمین و نیز موجک‌های دارای ساختارهای پیچیده نشان می‌دهد.

۱- تئوری روش تحقیق

مدل همامیختی^۶ زمین حاصل همامیخت موجک چشمه با پاسخ ضربه زمین است که پاسخ ضربه زمین خود به تابع گرین^۷ معروف می‌باشد و به طور کلی شامل پراش‌ها، چندگانه‌ها و سایر بازتاب‌ها خواهد بود. در اندازه‌گیری‌های فیزیکی، لرزه‌نگاشت ثبت شده $y(t)$ پاسخ زمین به یک موجک با باند فرکانسی محدود که توسط یک چشمه لرزه‌ای تولید شده است، می‌باشد. یک چشمه ایده‌آل چشمه‌ای است که موجک اسپایکی با پهنای صفر ایجاد کند. هرچند در عمل چنین تابع چشمه‌ای نمی‌تواند تولید شود. به لحاظ ریاضی و طبق رابطه (۱)، $y(t)$ به عنوان همامیخت موجک $w(t)$ با سری ضرایب بازتاب زمین $r(t)$ مدل‌سازی می‌شود و به مقدار نوفه افزودنی $e(t)$ که لزوماً دارای توزیع گوسی نمی‌باشد، آغشته می‌شود. در واقع سری ضرایب بازتاب نشان دهنده اختلاف مقاوت صوتی بین لایه‌های مختلف زمین‌شناسی را مشخص می‌کند و بنابراین ساختار کشسان زمین را به تصویر می‌کشد که برای ژئوفیزیک‌دانان اهمیت ویژه‌ای دارد. در این مقاله، فرض اساسی که برای نوع توزیع نوفه موجود در مسئله در نظر گرفته شده است، توزیع گوسی می‌باشد.

$$y(t) = w(t) * r(t) + e(t) \quad (1)$$

که در معادله فوق، نماد (*) بر عملگر همامیختی دلالت می‌کند. در صورتی که ساختار ماتریسی مدل همامیختی را مورد بررسی قرار دهیم، آنگاه معادله (۲) را در حوزه زمان خواهیم داشت.

$$y = Gr + e \quad (2)$$

که در آن ماتریس G همان کرنل مات کننده است و شامل موجک لرزه‌ای پایا خواهد بود. به بیان ریاضی، این کرنل به صورت $G = F^{-1}WF$ یک ماتریس چرخشی^۸ برای موجک W به‌شمار می‌آید و $W = \text{diag}(w)$ یک ماتریس قطری است که طیف فوریه موجک W بر روی قطر اصلی آن قرار می‌گیرد. قابل ذکر است که طیف \hat{w} فوریه موجک لرزه‌ای

و آستانه گذاری سریع به روش تکرار (FISTA^۱) استفاده می شود تا همگرایی به جواب، با سرعت بیش تری صورت گیرد [۹].

در گام بعدی پس از بازیابی سری ضرایب بازتاب زمین، به تخمین موجک لرزه ای که اطلاعات صحیح فازی را در بردارد، پرداخته می شود. برای به دست آوردن یک موجک هموار از تابع هدف (۸) که از خانواده توابع منظم ساز تیخونف محسوب می شود، استفاده می کنیم.

$$w_0 = \arg \min_w \left\{ \|y - Gw\|_2^2 + \lambda \|Lw\|_1 \right\} \quad (۸)$$

که در رابطه مذکور W موجک تخمینی، Y داده مشاهده شده، L ماتریس مشتق گیری از مرتبه های متفاوت و G عملگر همایخت ساخته شده از سری بازتاب تخمین زده شده به روش بازیابی فاز می باشد. برای حل تابع هدف (۶) از روش تکرار کمترین مربعات وزن دهی شده (IRLS^۲) استفاده می شود.

۲- مثال های عددی

۲-۱- داده شبیه سازی شده

شکل ۱- یک مقطع بازتاب شبیه سازی شده را نشان می دهد که ابعاد مدل به صورت $512 \times 512 \in \mathbb{R}$ می باشد و برای فرایند و همایخت کور چند کاناله مورد ارزیابی قرار گرفته است. برای ساختن این مدل بازتاب، فاصله نمونه برداری زمانی $dt=4$ میلی ثانیه و فاصله نمونه برداری مکانی $dx=25$ متر در نظر گرفته شده اند.

مقطع لرزه ای اصلی نشان داده شده در شکل ۲-ب از طریق مدل همایختی مقطع بازتاب شکل ۱- با موجک برلگ^۳ دارای فرکانس ۵۰ هرتز و فاصله نمونه برداری ۲ میلی ثانیه نشان داده در شکل ۲-الف و همچنین افزودن نوفه گوسی با نسبت سیگنال به نوفه ۵ دسی بل (dB) حاصل شده است.

سپس با تقریب زدن یک طیف دامنه هموار برای موجک اولیه مورد استفاده در ساخت عملگر و همایخت که در شکل ۳-الف به رنگ قرمز نمایش داده شده است، از روی طیف دامنه داده مشاهده ای، الگوریتم و همایخت چند کاناله پیاده سازی می شود. مقطع بازتاب نهایی حاصل که از فاز موجک تخمین زده شده برای بازیابی آن بهره گرفته شده است، در شکل ۳-ج آورده شده است.

۲-۲- داده میدانی

در این بخش داده لرزه ای که مورد آزمایش قرار گرفته است، یک مقطع لرزه ای پس از برنابارش و با ابعاد $201 \times 1203 \in \mathbb{R}$ مربوط به ناحیه مخزنی یکی از میدان های نفتی جنوب ایران می باشد. هر لرزه نگاشت شامل ۲۰۱ نمونه زمانی است که فاصله نمونه برداری آنها ۴ میلی ثانیه می باشد. مقطع قبل از و همایخت در شکل ۳-الف و مقطع پس از و همایخت در شکل ۳-ب آورده شده اند. طیف دامنه موجک اولیه ای که برای الگوریتم و همایخت کور چند کاناله از آن بهره گرفته شده، در شکل ۲- نشان داده شده است که با هموار کردن طیف دامنه میانگین

مشتق گیری را نمایش می دهد، مربوط به اختلاف مرتبه دوم در پیکسل ام بوده و به صورت زیر تعریف می شوند [۵]:

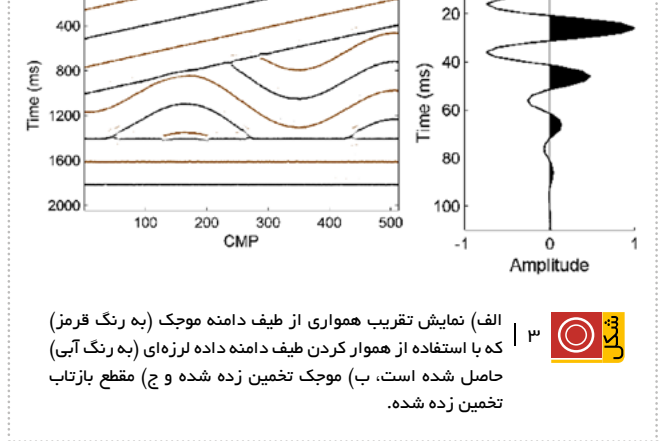
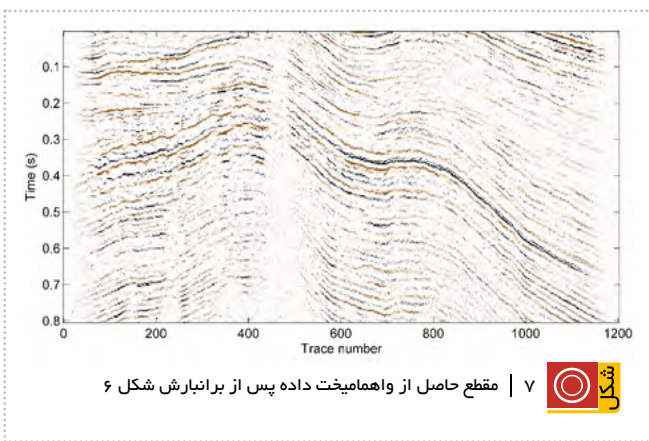
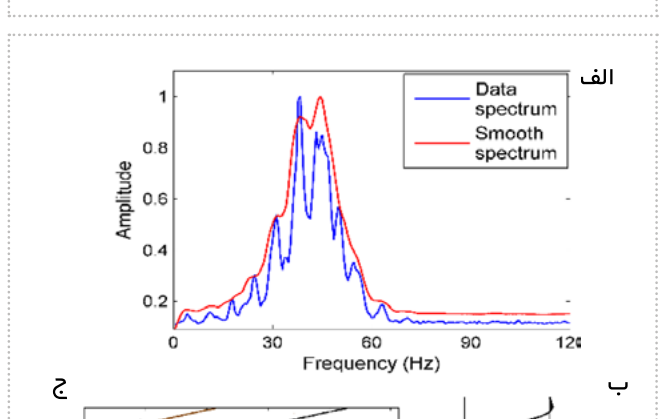
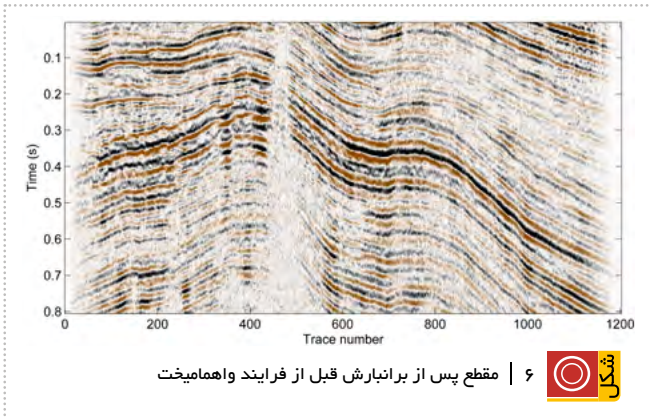
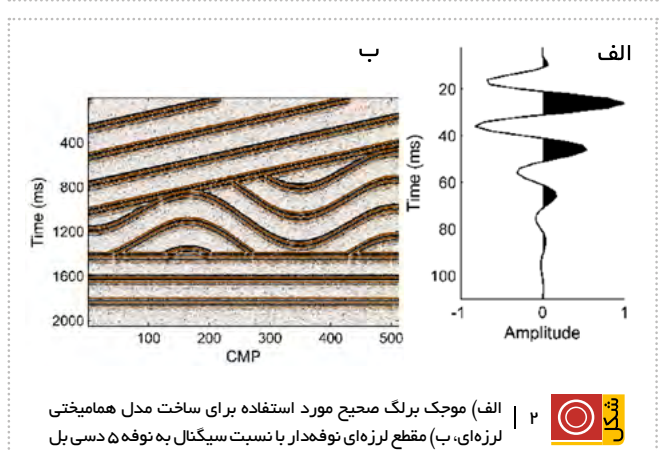
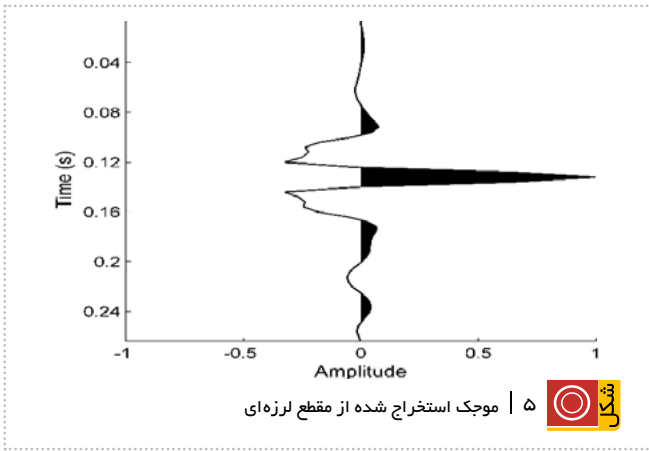
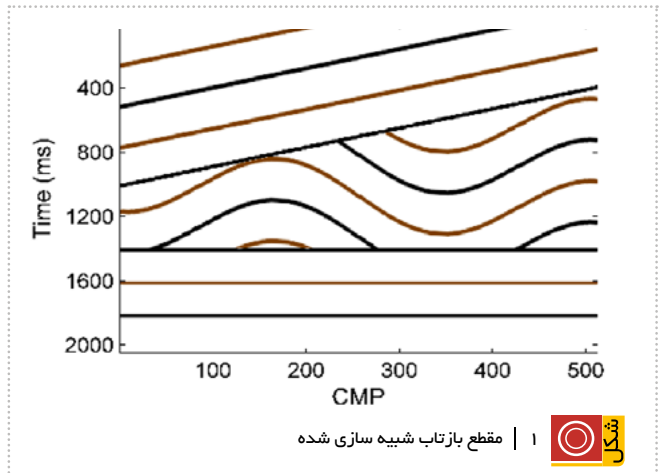
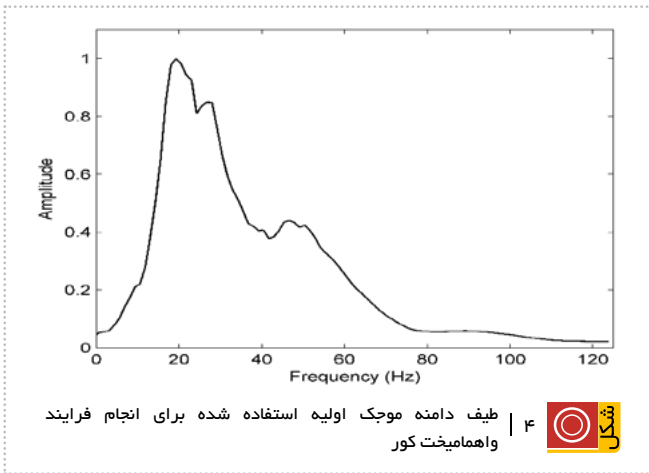
$$\Delta_i^{11} r = r[i] - 2r[i + n_i] + r[i + 2n_i] \quad (۵)$$

$$\Delta_i^{22} r = r[i] - 2r[i + 1] + r[i + 2] \quad (۶)$$

$$\Delta_i^{12} r = r[i] - r[i + 1] - r[i + n_i] + r[i + n_i + 1] \quad (۷)$$

ترکیب چنین منظم سازی با خطای نرم-۱ مدل به هموار کردن پدیده های بازتابی در حین تئنگ کردن آنها در زمان کمک می کند. پارامتر $0 \leq \beta \leq 1$ دومین پارامتر منظم سازی می باشد که وظیفه آن برقراری تعادل میان دو بخش منظم سازی که همان تئنگی در راستای زمانی $\|r\|_1$ و پیوستگی جانبی بازتاب ها $\|r\|_{\text{SOTV}}$ است، خواهد بود. هر چه β بزرگ تر باشد؛ پیوستگی موجود در لایه ها بیشتر ولی میزان تئنگی لایه کمتر خواهد بود و برای مقدار β کوچک تر، تئنگی لایه ها افزایش و میزان پیوستگی کاهش خواهد یافت. مقدار مناسب برای پارامتر β به روش آزمون و خطا به دست می آید. برای حل بخش منظم ساز، از الگوریتم شکافت برگمن^۱ استفاده می شود که جواب حاصل از آن در هر تکرار وارد الگوریتم بازیابی فاز [۵] شده و جدید سازی می شود. روش شکافت برگمن را می توان برای کمینه کردن توابع محلی که شامل چندین قید تئنگی برای بازیابی مدل مورد نظر می باشند به کار برد. این روش از مفهوم فاصله برگمن [۸] و تجزیه تابعی نشأت می گیرد که از لحاظ سرعت همگرایی و پایداری عددی بسیار مناسب است و برای حل مسائل ژئوفیزیکی در مقیاس بسیار بزرگ نیز قابل استفاده می باشد. قابلیت روش شکافت برگمن در این است که مؤلفه های نرم-۲ و نرم-۱ تابع هدف مورد نظر را از هم جدا می سازد. بر اساس این شیوه، تابع هدف اصلی به تعدادی توابع ساده تر تقسیم شده که به راحتی قابل حل هستند. بنابراین، فرایند بهینه سازی تابع هدف اولیه بین چند مرحله اصلی که شامل حل این توابع ساده تر می باشد، تکرار خواهد شد.

در نتیجه، در مسئله خود به عنوان و همایخت کور بدون در نظر گرفتن فاز موجک چشمه، به دنبال یافتن الگوریتم مؤثری هستیم که تئنگ ترین سری بازتاب زمین را تنها با استفاده از طیف دامنه داده مشاهده شده به دست آورده و سپس در گام بعدی، با استفاده از سری بازتاب حاصل، موجک چشمه لرزه ای تخمین زده می شود. دلیل اصلی بازیابی سری بازتاب زمین بر اساس و همایخت تئنگ این است که مدل صحیح بازتاب های زمین می تواند بر طبق مدلی از برهم نهی مجموعه ای از اسپایک ها در نظر گرفته شود که با واقعیت مدل زمین سازگاری بیشتری دارد. مسئله طرح شده یک مسئله غیر محدب است و وظیفه بخش منظم ساز فراهم کردن محدودیت های ساختاری خواهد بود که برای حل مسئله ضروری می باشد تا جواب به دست آمده به مدل واقعی نزدیک باشد. برای حل این مسئله بهینه سازی، از روش انقباض



شکل طیف‌ها مشخص است، گسترش پهنای باند فرکانسی محسوسی در نتیجه پیاده‌سازی واهمامیخت کور بر روی داده پس از برنبارش، مشاهده خواهد شد.

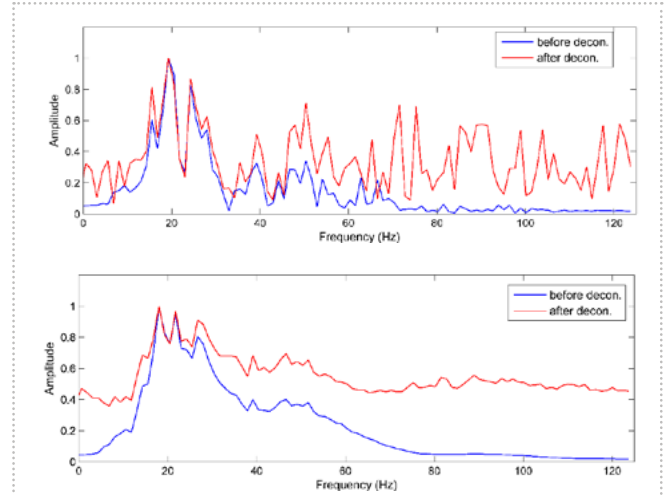
نتیجه‌گیری

در این مقاله، برای انجام واهمامیخت کور چندکاناله از وارون‌سازی طیف دامنه داده مشاهده‌ای بهره گرفته شد و مقطع بازتاب زمین و موجک لرزه‌ای با ساختار صحیح بازیابی شدند. نتایج عمده‌ای که از الگوریتم استفاده شده حاصل می‌شود را می‌توان به شرح زیر خلاصه نمود:

۱- در تخمین چندکاناله مدل بازتاب از تابع منظم‌ساز تغییرات کلی مرتبه دوم بهره گرفته شد که علاوه بر بهبود میزان تُنکی در راستای زمانی، پیوستگی جانبی پدیده‌های بازتابی را نیز حفظ می‌کند.
 ۲- از مزایای حل مسئله تغییرات کلی مرتبه دوم به روش شکافت برگمن، می‌توان به سرعت همگرایی بالا و پایداری عددی مناسب آن اشاره کرد که برای حل مسائل ژئوفیزیکی بزرگ مقیاس، قابل استفاده می‌باشد.

۳- عملکرد مطلوب روش تعبیه شده بر روی نتایج عددی شبیه‌سازی شده چندکاناله و داده میدانی، کارایی آن را در افزایش قدرت تفکیک بازتاب‌ها در مقاطع لرزه‌ای پس از واهمامیخت و همچنین بازیابی فاز صحیح موجک و مدل بازتاب زمین تنها با استفاده از تخمین همواری از طیف دامنه موجک، تأیید می‌نماید.

داده مشاهده‌ای با استفاده از یک فیلتر گوسین به دست آمده است. موجک لرزه‌ای تخمین زده شده از مقطع دارای فاز صحیح به صورت شکل ۳-ج می‌باشد. علاوه بر این، در شکل ۶- به تحلیل میانگین طیف دامنه لرزه‌نگاشت‌ها و طیف دامنه لرزه‌نگاشتی از بخش میانی مقطع، قبل و بعد از فرایند واهمامیخت پرداخته شده است. همان‌طور که از روی



شکل ۸ | بالا: طیف دامنه لرزه‌نگاشت میانی مقطع، قبل و بعد از فرایند واهمامیخت و پایین: میانگین طیف دامنه مقطع که گسترش پهنای باند فرکانسی مقطع بعد از واهمامیخت را نشان می‌دهد. در هر دو شکل، رنگ آبی مربوط به طیف دامنه داده قبل از انجام فرایند واهمامیخت و رنگ قرمز مربوط به طیف دامنه داده پس از انجام فرایند واهمامیخت می‌باشد.

پانویس‌ها

- | | | |
|----------------------------------|---------------------------------|---|
| 1- Blurring kernel | 6- Convolutional Model | 11- Fast Shrinkage Thresholding Algorithm |
| 2- Blind deconvolution | 7- Green Function | 12- Iteratively Reweighted Least Squares |
| 3- Autocorrelation | 8- Circulant | 13- Berlage wavelet |
| 4- Cepstral | 9- Second Order Total Variation | |
| 5- Minimum Entropy Deconvolution | 10- Split Bregman | |

منابع

[1] Ulrych, T. J., D. R. Velis, and M. D. Sacchi, Wavelet estimation revisited: The Leading Edge, 1995, 10, 1139–1143.
 [2] Sacchi, M. D., and T. J. Ulrych, Non-minimum phase wavelet estimation using higher order statistics: The Leading Edge, 2000, 19, 80–83.
 [3] Wiggins, R. A., 1978, Minimum entropy deconvolution: Geophysics, 16, 21–35.
 [4] Ulrych, T. J., Application of homomorphic deconvolution to seismology: Geophysics, 1971, 36, 65–660.
 [5] Gholami, A., Phase retrieval through regularization for seismic problems: Geophysics, 2014, Vol. 79, no. 5, V153–V164.
 [6] Gholami, A., and M. D. Sacchi, A fast and automatic sparse deconvolution in the presence of outliers: IEEE Trans. Geosci. Remote Sens., 2012, 50, 4105–4116.
 [7] Gholami, A., and M. D. Sacchi, Fast 3D blind seismic deconvolution via constrained total variation and GCV: SIAM Journal on Imaging Sciences, 2013, 6, 2350–2369.
 [8] Bregman, L., The relaxation method of finding the common points of convex sets and its application to the solution of problems in convex programming: U.S.S.R. Comput. Math. Phys., 1976, 7, 200–217.
 [9] Beck, A., and M. Teboulle, A fast iterative shrinkage-thresholding algorithm for linear inverse problems: SIAM Journal on Imaging Sciences, 2009, 2, 183–202.